نام و نام خانوادگی: فاطمه زهرا جلال زاده   شماره تکلیف: ۹   کلاس: دهم دختر A

Subject:

۲۵ آفرین

۱) الف) $y = x^2 - 5 \rightsquigarrow \sqrt{x^2} = \sqrt{y+5}$

$x = \pm\sqrt{y+5} \rightsquigarrow y+5 \geq 0$

$y \geq -5$

$\boxed{R_f = [-5, +\infty)}$

۳

ب) $y = x^4 + 1$ $\boxed{R_f = \mathbb{R}}$

---

۲) الف) $y = x^2 - 4x + 6 \rightsquigarrow y = x^2 - 4x + 4 + 2$

$y = (x-2)^2 + 2$

$\sqrt{y-2} = \sqrt{(x-2)^2} \rightsquigarrow x - 2 = \pm\sqrt{y-2}$

$x = 2 \pm \sqrt{y-2}$

$y - 2 \geq 0$

$y \geq 2 \Rightarrow \boxed{R_f = [2, +\infty)}$

ب) $y = x^2 - 5x + 1 + \frac{21}{4} - \frac{21}{4}$

۵

$y = x^2 - 5x + \frac{25}{4} - \frac{21}{4} \rightsquigarrow y = (x - \frac{5}{2})^2 - \frac{21}{4}$

$\boxed{R_f = [\frac{-21}{4}, +\infty)}$

$\sqrt{y + \frac{21}{4}} = \sqrt{(x - \frac{5}{2})^2}$

$x = \frac{5}{2} \pm \sqrt{y + \frac{21}{4}} \rightsquigarrow y + \frac{21}{4} \geq 0$

$\Rightarrow y \geq \frac{-21}{4}$

---

۳) الف) $y = \frac{x^2+3}{x^2-2} \rightsquigarrow yx^2 - 2y = x^2 + 3$

۳

$yx^2 - x^2 = 2y + 3$

$x^2(y-1) = 2y + 3$

$\sqrt{x^2} = \sqrt{\frac{2y+3}{y-1}} \rightsquigarrow x = \pm\sqrt{\frac{2y+3}{y-1}}$

$\frac{2y+3}{y-1} \geq 0$

$2y + 3 \geq 0 \rightsquigarrow \boxed{y \geq \frac{-3}{2}}$

$y - 1 > 0 \rightsquigarrow \boxed{y > 1}$

$\frac{-3}{2}$		1	
$+$ 0	$-$	ت.ن	$+$

$\Rightarrow \boxed{R_f = (-\infty, -1/5] \cup (1, +\infty)}$

Subject: Date: / /

ب) $y = \dfrac{2|x|+1}{|x|-4} \rightsquigarrow y|x| - 4y = 2|x|+1$

$y|x| - 2|x| = 4y+1$

$|x|(y-2) = 4y+1$

$|x| = \dfrac{4y+1}{y-2} \rightsquigarrow \dfrac{4y+1}{y-2} \geq 0$ چون قدرمطلق همیشه + است

$\begin{cases} 4y+1 \geq 0 \rightsquigarrow \boxed{y \geq \frac{-1}{4}} \\ y-2 > 0 \rightarrow \boxed{y > 2} \end{cases}$

$-\frac{1}{4}$, 2 : $+ \; | \; - \; | \; +$

$\boxed{R_f = (-\infty, \frac{-1}{4}] \cup (2, +\infty)}$

---

۴) $y = \dfrac{1}{x^2 - 4x} \rightsquigarrow yx^2 - 4xy = 1$

$yx^2 - 4xy - 1 = 0 \rightsquigarrow \Delta = b^2 - 4ac$

$\Delta = 16y^2 + 4y$

$x = \dfrac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} \rightsquigarrow x = \dfrac{4y \pm \sqrt{16y^2+4y}}{2y}$

$16y^2 + 4y \geq 0 \rightsquigarrow 4y(4y+1) \geq 0 \rightsquigarrow 4y \geq 0$, $\boxed{y \geq 0}$; $2y > 0 \rightsquigarrow \boxed{y > 0}$

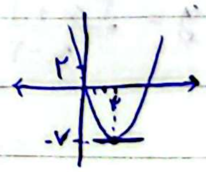
$4y+1 \geq 0 \rightsquigarrow 4y \geq -1 \rightsquigarrow \boxed{y \geq \frac{-1}{4}}$

$-\frac{1}{4}$, 0 : $+ \; | \; - \; | \; +$

$\boxed{(-\infty, -\frac{1}{4}] \cup (0, +\infty)}$

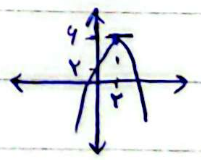
---

۵) الف) $x^2 - 6x + 2 \rightsquigarrow \text{Min} \; \Big| \; \dfrac{-b}{2a} = \dfrac{6}{2} = 3$; $9 - 18 + 2 = -7$



$\boxed{R_f = [-7, +\infty)}$

ب) $-x^2 + 4x + 2 \quad \text{Max} \; \Big| \; \dfrac{-b}{2a} = \dfrac{-4}{-2} = 2$; $-4 + 8 + 2 = 6$



$\boxed{R_f = (-\infty, 6]}$

۶) الف) $y=\sqrt{x^2-6x+2}$ Min | $\frac{-b}{2a}=\frac{6}{2}=3$

$R_f=\sqrt{[-7,+\infty)}=\boxed{[0,+\infty)}$ | $9-18+2=-7$

ب) $y=\sqrt{-x^2+4x+10}$ Max | $\frac{-b}{2a}=\frac{-4}{-2}=2$

$R_f=\sqrt{(-\infty,14]}=\boxed{[0,\sqrt{14}]}$ | $-4+8+10=14$

---

۷) الف) $y=x^7+3x^4+2x+1$ $\boxed{R_f=\mathbb{R}}$ ⇐ بزرگترین توان فرد

ب) $y=\sqrt{x^5+4x^2+6x+1}$ بزرگترین توان فرد است پس برد همان $\mathbb{R}$ است ولی چون زیر رادیکال است اعداد منفی را نمی‌توان درنظر گرفت ⇐ $\boxed{R_f=[0,+\infty)}$

---

۸) الف) $y=\frac{3x+1}{x-2}$ $c\neq 0$ $bc\neq ad$ ⇒ $\boxed{R_f=\mathbb{R}-\{3\}}$

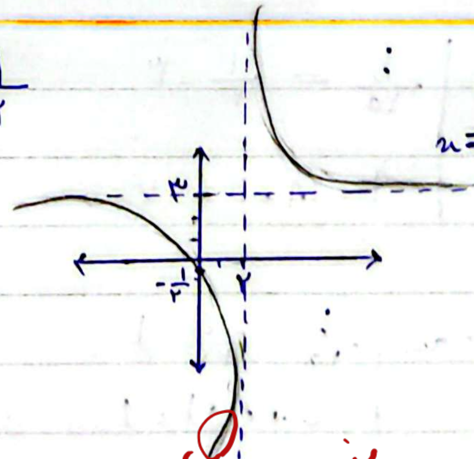
ب) $y=\sqrt{\frac{4x+1}{x+3}}$ ⇒ $\frac{a}{c}=\frac{4}{1}=4$ ⇝ $R_f=\sqrt{\mathbb{R}-\{4\}}$

$R_f=[0,+\infty)-\{2\}=\boxed{[0,2)\cup(2,+\infty)}$

---

۹) الف) $y=\frac{3x+1}{x-2}$ مجانب افقی ← $\frac{a}{c}=3$

مجانب عمودی ← ریشه مخرج: $x=2$



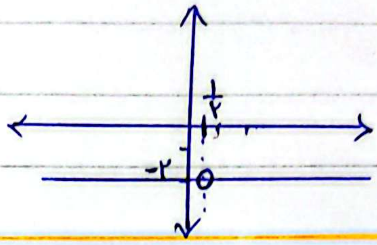
نباید از مجانب دور بشه

Subject: Date: / /

شرط $ad \neq bc$ برقرار نیست

ب) $\dfrac{4x-2}{1-2x}$ $\quad 1-2x \neq 0$ $\quad x \neq \dfrac{1}{2}$

$y = \dfrac{4}{-2} = -2$



۱۰) ۲

الف) $y = \cos^2 x + \dfrac{1}{\cos^2 x} \rightsquigarrow a + \dfrac{1}{a} \xrightarrow{if} a > 0 \to [2, +\infty)$

$\cos^2 x > 0 \Rightarrow R_f = [2, +\infty)$

ب) $y = \sqrt[3]{\dfrac{x^2+1}{x}} \Rightarrow y = \sqrt[3]{x + \dfrac{1}{x}} \Rightarrow x + \dfrac{1}{x} \to (-\infty, -2] \cup [2, +\infty)$

$R_f = \sqrt[3]{(-\infty, -2] \cup [2, +\infty)}$

$\boxed{R_f = (-\infty, \sqrt[3]{-2}] \cup [\sqrt[3]{2}, +\infty)}$